

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РЕСПУБЛИКИ  
ТАДЖИКИСТАН  
МЕЖГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«РОССИЙСКО-ТАДЖИКСКИЙ (СЛАВЯНСКИЙ) УНИВЕРСИТЕТ»**



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ  
«Векторный и тензорный анализ»  
Направление подготовки - 03.03.02 «Физика»  
Профиль подготовки «Общая физика»  
Форма подготовки - очная  
Уровень подготовки - бакалавриат**

**Душанбе - 2025**

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования РФ №891 от 07.08.2020 г.

При разработке рабочей программы учитываются

- требования работодателей, профессиональных стандартов по направлению;
- содержание программ дисциплин, изучаемых на предыдущих и последующих этапах обучения;
- новейшие достижения в данной предметной области.

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры математики и физики, протокол № 1 от «28» августа 2025 г.

Рабочая программа утверждена УМС естественнонаучного факультета, протокол № 1 от «28» августа 2025 г.

Рабочая программа утверждена Ученым советом естественнонаучного факультета, протокол № 1 от «29» августа 2025 г.

Заведующий кафедрой,  
к.ф.-м.н., доцент



Гулбоев Б.Дж.

Зам. председателя УМС



Мирзокаримов О.А.

факультета, ст.



Насруллоев Х.

преподаватель

Разработчик, к.ф.-м.н.,

доцент



Разработчик от  
организации, к.ф.-м.н.,  
зам. директора Физико-  
технического института  
им. С.У. Умарова НАН  
Таджикистана



Махмадбегов Р.С.

## Расписание занятий дисциплины

**Таблица1**

| Ф.И.О.<br>преподава-<br>теля | Аудиторные занятия |                             | Приём<br>СРС | Место работы<br>преподавателя |
|------------------------------|--------------------|-----------------------------|--------------|-------------------------------|
|                              | лекция             | Практические<br>занятия КСР |              |                               |
| Насрулоев Х.                 |                    |                             |              |                               |

### **1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

**1.1** Целями освоения дисциплины «Векторный и тензорный анализ» являются:

- изучения основных теоретических положений векторного и тензорного анализа,
- действий над векторными и тензорными полями, освоение способов применения аппарата векторного и тензорного исчисления для решения задач теоретической механики, физики, механики сплошной среды и других разделов физики.

Для успешного освоения данной дисциплины необходимы знания и умения, приобретенные в результате освоения дисциплин: «Математический анализ», «Алгебра», «Аналитическая геометрия», «Дифференциальные уравнения».

### **1.2 Задачи изучения дисциплины**

Задачами освоения дисциплины «Векторный и тензорный анализ» являются:

- получить новые знания (понятие вектора и тензора, работа с индексами; умение работать в криволинейных координатах; дифференциальные операторы rot, div и grad; обобщенные интегральные теоремы и т.д.);
- уметь применять векторные и тензорные формы записи физических законов к
- решению прикладных задач (решение простейших задач электродинамики, теоретической механики и механики сплошных сред).

В результате изучения данной дисциплины у обучающихся формируются общекультурные (универсальные)

**Таблица 2**

| Коды компетенций | Содержание компетенций  | Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине   | Вид оценочного средства |
|------------------|---|---|-------------------------|
| ОПК-1            | Способен применять базовые знания в области физико-математических и (или) естественных наук в сфере своей | <b>ИОПК 1.1.</b> Понимает основные представления и понятия химии, физики, астрономии, математики и других естественных наук; основные законы химии и физическим дисциплинам; основные законы и теоремы по математическим дисциплинам; основные определения и понятия основных разделов математики; основные формулы и теоремы основных разделов математики; основные методы решения математических задач; основные методы решения | Устный опрос            |

|      |   |  |                       |
|------|---|--|-----------------------|
|      | профессиональной деятельности;  | <p>элементарных задач по химии, физики и математики; основные биологические, химические и физические процессы, протекающие в живых организмах.</p> <p><b>ИОПК 1.2.</b> Решает задачи на применение элементарных формул химии и физики в жизнедеятельности; использовать представления химии в задачах и расчетах химической физики; применять базовые законы механики, молекулярной физики, электричества и магнетизма, оптики для качественного описания биологических и физических процессов, протекающих в живых организмах; решать задачи на применение формул основных разделов математики; создавать математические модели по физике и химии; использовать формулы основных разделов математики в прикладных задачах и расчетах.</p> <p><b>ИОПК 1.3.</b> Владеет навыками решения элементарных задач по химии и физике; навыками анализа и исследования химических моделей химической физики; навыками использования элементарных методов химии и физики для решения задач химической физики; навыками решения задач основных разделов математики; навыками анализа и исследования математических моделей по физике и химии; навыками интерпретирования математических результатов для решения прикладных задач.</p> | Коллоквиум            |
| ПК-1 | Способен использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин | <p><b>ИПК 1.1.</b> Знает базовые и специальные курсы в области физики и других естественных наук, особенно математического аппарата физики; методы решение профессиональные задачи в области научно-исследовательской и практической деятельности по направление физики; специализированные теоретическое знание для освоения профильных физических дисциплин и метода их применения в области экспериментальной и теоретической физики.</p> <p><b>ИПК 1.2.</b> Ориентируется на использование теоретических, экспериментальных специализированных знаний в области физики, компьютерные программирование и физико-математические моделирование процессов природы и их методах исследования при освоения профильных физических дисциплин и научные исследование; критически переосмысливать накопленный опыт, а также умеет использовать специализированные физических знание для освоения профильных дисциплин, изменять (при необходимости) профиль своей профессиональной деятельности.</p>   | Устный опрос<br>Тесты |

|      |  |   |  |
|------|--|---|--|
|      |  | <b>ИПК 1.3.</b> Владеет методами поиска научной информации с использованием различных источников; методами планирования научных исследований; а также способностью использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин.  |  |
| ПК-4 | Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний по профильным предметам (дисциплинам, модулям) в рамках программ основного общего и среднего общего образования | <p><b>ИПК 4.1.</b> Знает основы метода преподавания физики, основные принципы деятельностного подхода, виды и приемы современных педагогических технологий в области физики; рабочие программы и методики обучения физики; научного представления о результатах образования в областях физики, путях их достижения и способах оценки.</p> <p><b>ИПК 4.2.</b> Планирует и проводить занятия по физике; использовать метод и средства педагогического мониторинга, позволяющие оценить степень сформированности у детей качеств, необходимых для дальнейшего обучения и их развития по физике.</p> <p><b>ИПК 4.3.</b> Владеет навыками и методами обучения, в том числе выходящими за рамки учебных занятий: проектная деятельность, лабораторные эксперименты, практические занятия и т.п.</p> | Устный опрос<br><br>Тесты<br><br>Дискуссия |
| ПК-5 | Способен проектировать, организовывать и анализировать педагогическую деятельность, обеспечивая последовательность изложения материала и междисциплинарные связи физики с другими дисциплинами         | <p><b>ИПК 5.1.</b> Знает основные технологии педагогического процесса и системы управления учащихся во время проведения занятия и по изложенному материалу физических дисциплин и их взаимосвязь с другими дисциплинами с учётом педагогических знаний; методов системы управления учащихся при взаимосвязи с обществом.</p> <p><b>ИПК 5.2.</b> Разрабатывает основные технологии педагогического процесса и системы управления учащихся во время проведения занятия и в жизни и обществе.</p> <p><b>ИПК 5.3.</b> Владеет современными методами управления педагогического процесса с учетом современного менталитета и развитие современного общества для освоения предмета физики при проведении занятие и применение ее законов в повседневной жизни.</p>                                  | Устный опрос<br><br>Тесты<br><br>Дискуссия |

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина «Векторный и тензорный анализ» входит к обязательной части учебного плана (Б1.О.23) направлении «Физика»-03.03.02.

Цикл (раздел) ОПОП, к которому относится данная дисциплина. Связь с другими частями ОПОП (дисциплинами, модулями, практиками). Требования к «входным» знаниям, умениям и готовностям обучающегося, необходимым для освоения данной дисциплины и приобретенных в

результате освоения предшествующих дисциплин (модулей), практик:

При освоении данной дисциплины необходимы умения и готовность («входные» знания) обучающегося по дисциплинам 1-3, указанных в Таблице. Дисциплина 4 относится к группе «входных» знаний, вместе с тем определенная её часть изучается параллельно с данной дисциплиной («входные-параллельные» знания). Теоретическими дисциплинами и практиками, для которых освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее являются: 5-7.

Таблица 3.

| №  | Название дисциплины                     | Семестр | Место дисциплины в структуре ОПОП |
|----|---|---------|-----------------------------------|
| 1. | Аналитическая геометрия                 | 1       | Б1.О.13                           |
| 2. | Механика (Курс общей физики)            | 1       | Б1.О.22                           |
| 3. | Факультативный курс элементарный физики | 1       | Б1.В.ДВ.01.02                     |
| 4. | Математический анализ                   | 1-3     | Б1.О.12                           |
| 5. | Квантовая теория                        | 6-7     | Б1.В.15                           |
| 6. | Электродинамика                         | 5-6     | Б1.О.27                           |
| 7. | Статистическая физика                   | 7       | Б1.О.30                           |

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ КУРСА, КРИТЕРИИ НАЧИСЛЕНИЯ БАЛЛОВ

Объем дисциплины составляет 2 зачетных единиц, всего 72 часов, из которых: лекции 16 час., практические занятия 8 час., КСР 8 час., всего часов аудиторной нагрузки 32 час., в том числе всего часов в интерактивной форме 12 час., самостоятельная работа 40 час. Форма контроля – зачет.

#### 2.1 Структура и содержание теоретической части курса

**Тема 1.** Векторная алгебра. Скалярные и векторные величины. 2 часа.

*Понятие векторов. Способы задания векторов. Проекция и компоненты векторов. Примеры скалярных и векторных физических величин физических*

**Тема 2.** Скалярное произведение двух векторов. 2 часа.

*Скалярное умножение векторов заданных в полярных и декартовых системах координат в поля. Условие ортогональности векторов*

**Тема 3.** Приложения скалярного произведения к геометрии и механике. 2 часа

*Геометрический смысл скалярного произведения. Применение скалярного произведения векторов в различных разделах физики. Формула работы*

**Тема 4.** Векторное произведение векторов.- 2 часа.

*Векторное произведение в полярных и в декартовых системах координат. Геометрический смысл модуля векторного произведения. Условие коллинеарности векторов.*

**Тема 5.** Основные определения и теоремы векторного анализа. 2 часа

*Производные векторов по направлениям. Градиент. Дивергенция.*

*Ротор. Их смысл. Скалярное и векторное поля. Поток вектора. Циркуляция вектора.*

*Теоремы Гаусса и Стокса*

**Тема 6.** Общее понятие тензоры. Законы преобразования компонентов тензора. – 2 час.

*Понятие тензора. Компоненты тензоров и законов их преобразования. Равноправность координатных систем.*

**Тема 7.** Основные определения и теоремы тензорного анализа. 2 часа.

*Операции тензорной алгебры: сложение, умножение тензоров. Свойства операции умножения. Ранг тензоров. След тензора второго порядка (Shpur/)*

**Тема 8.** Преобразование компонент векторов и тензоров при повороте координатной плоскости вокруг перпендикулярной оси. 2 часа.

*Рассмотреть и получит матрицы преобразование при на различных углах поворота координатной плоскости вокруг перпендикулярной оси*

**Итого: 16 часов**

## 2.2 Структура и содержание практической части курса

**Занятие 1.** Операции над векторами (сложение, умножение вектора на скаляр, вычитание векторов). 2 часа

**Занятие 2.** Векторное произведение двух векторов. 2 часа

**Занятие 3.** Базис в аффинном пространстве. Координаты точки. 2 часа

**Занятие 4.** Тензоры нулевого и 2-го ранга. Примеры тензоров (моментов инерции, деформации). 2 часа

**Итого: 8 часов**

## 2.3 Структура и содержание КСР

**Занятие 1.** Скалярное произведение векторов заданными координатами. 2 ч **Занятие 2.** Смешанное произведение трех векторов. Выражение смешанного произведения через координаты сомножителей. 2 часа

**Занятие 3.** Взаимные базисы векторов. Ковариантные и контравариантные составляющие вектора. 2 часа

**Занятие 4.** Операции над тензорами. Сложение и умножение тензоров, свертывание тензоров. 2 часа

**Итого: 8 часов**

**Таблица 4**

| №<br>п/п | Раздел дисциплины  | Виды учебной работы, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах) |     |     |     | Лит-ра | Кол-во баллов в нед. |
|----------|--|--|-----|-----|-----|--------|----------------------|
|          |  | Лек.   | Пр. | КСР | СРС |        |                      |
| 1.       | <b>Тема 1.</b> Векторная алгебра. Скалярные и векторные величины.                          | 2  |     |     | 2   |        |                      |
| 2.       | <b>Занятие 1.</b> Операции над векторами (сложение, умножение вектора на скаляр, вычитание |  | 2   |     | 2   |        |                      |

|     |  |           |          |          |           |  |
|-----|--|-----------|----------|----------|-----------|--|
|     | векторов)  |           |          |          |           |  |
| 3.  | <b>Тема 2.</b> Скалярное произведение двух векторов.   | 2         |          |          | 2         |  |
| 4.  | <b>Занятие 1.</b> Скалярное произведение векторов заданными координатами.  |           |          | 2        | 2         |  |
| 5.  | <b>Тема 3.</b> Приложения скалярного произведения к геометрии и механике.  | 2         |          |          | 2         |  |
| 6.  | <b>Занятие 2.</b> Векторное произведение двух векторов.  |           | 2        |          | 2         |  |
| 7.  | <b>Тема 4.</b> Векторное произведение векторов   | 2         |          |          | 2         |  |
| 8.  | <b>Занятие 2.</b> Смешанное произведение трех векторов.<br>Выражение смешанного произведения через координаты сомножителей.  |           |          | 2        | 2         |  |
| 9.  | <b>Тема 5.</b> Основные определения и теоремы векторного анализа.  | 2         |          |          | 3         |  |
| 10. | <b>Занятие 3.</b> Базис в аффинном пространстве. Координаты точки.   |           | 2        |          | 3         |  |
| 11. | <b>Тема 6.</b> Тензоры. Законы преобразования компонентов тензора.   | 2         |          |          | 3         |  |
| 12. | <b>Занятие 3.</b> Взаимные базисы векторов. Ковариантные и контравариантные составляющие вектора                             |           |          | 2        | 3         |  |
| 13. | <b>Тема 7.</b> Основные определения и теоремы тензорного анализа   | 2         |          |          | 3         |  |
| 14. | <b>Занятие 4.</b> Тензоры нулевого и 2-го ранга. Примеры тензоров (моментов инерции, деформации).                            |           | 2        |          | 3         |  |
| 15. | <b>Тема 8.</b> Преобразование компонент векторов и тензоров при повороте координатной плоскости вокруг перпендикулярной оси. | 2         |          |          | 3         |  |
| 16. | <b>Занятие 4.</b> Операции над тензорами. Сложение и умножение тензоров, свертывание тензоров.                               |           |          | 2        | 3         |  |
|     | <b>Итого:</b>  | <b>16</b> | <b>8</b> | <b>8</b> | <b>40</b> |  |

### **Формы контроля и критерии начисления баллов**

Контроль усвоения студентом каждой темы осуществляется в рамках балльно-рейтинговой системы (БРС), включающей текущий, рубежный и итоговый контроль.

Итоговая форма контроля по дисциплине (зачет) проводится в форме тестирования.

Таблица 4.

| Неделя   | Активное участие на лекционных занятиях, написание конспекта и выполнение других видов работ* | Активное участие на практических (семинарских) занятиях, КСР | СРС<br>Написание реферата, доклада, эссе<br>Выполнение других видов работ | Выполнение положения высшей школы (установленная форма одежды, наличие рабочей папки, а также других пунктов устава высшей школы) | Административный балл за примерное поведение | Всего      |
|--|---|--|---|---|--|------------|
| <b>1</b>   | <b>2</b>  | <b>3</b>   | <b>4</b>  | <b>5</b>  | <b>6</b>                                     | <b>7</b>   |
| 1  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 2  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 3  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 4  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 5  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 6  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 7  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 8  | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| <b>Первый рейтинг</b>                                      | <b>20</b>   | <b>40</b>  | <b>20</b>   | <b>20</b>   | -  | <b>100</b> |
| 10   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 11   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 12   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 13   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 14   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 15   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| 16   | 2,5   | 5  | 2,5   | 2,5   | -  | 12,5       |
| <b>Второй рейтинг</b>                                      | <b>20</b>   | <b>40</b>  | <b>20</b>   | <b>20</b>   |  | <b>100</b> |
| <b>ИТОГОВЫЙ КОНТРОЛЬ</b> (зачет, зачет с оценкой, экзамен) |   |  |   |   |  | <b>100</b> |

\*Примечание: в случае отсутствия лекционных занятий по дисциплине, баллы начисляются за активное участие в практических (семинарских) занятиях, КСР (см. графы 2 и 3 Таблицы с баллами).

Формула вычисления результатов дистанционного контроля и итоговой формы контроля по дисциплине за семестр:

$$ИБ = \left[ \frac{(P_1 + P_2)}{2} \right] \cdot 0,49 + Эи \cdot 0,51$$

где ИБ – итоговый балл,  $P_1$ - итоги первого рейтинга,  $P_2$ - итоги второго рейтинга, Эи – результаты итоговой формы контроля (зачет, зачет с оценкой, экзамен).

#### **4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ**

Самостоятельная работа позволяет оптимально сочетать теоретическую и практическую составляющие обучения. При этом обеспечивается упорядочивание теоретических знаний, что, в конечном счёте, приводит к повышению мотивации обучающихся в их освоении. Самостоятельная работа планируется и организуется с целью углубления и расширения теоретических знаний, формирования самостоятельного логического мышления. Организация этой работы позволяет оперативно обновлять содержание образования, создавая предпосылки для формирования базовых (ключевых) компетенций категории интеллектуальных (аналитических) и обеспечивая, таким образом, качество подготовки специалистов на конкурентоспособном уровне. Из всех ключевых компетенций, которые формируются в процессе выполнения самостоятельных работ, следует выделить следующие: умение учиться, умение осуществлять поиск и интерпретировать информацию, повышение ответственности за собственное обучение.

Самостоятельная работа студентов проводится с целью:

- систематизации и закрепления полученных теоретических знаний и практических умений студентов;
- углубления и расширения теоретических знаний;
- формирования умений использовать справочную и специальную литературу;
- развития познавательных способностей и активности студентов:
- творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирования самостоятельности мышления, способностей к само- развитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развития исследовательских умений.

По дисциплине «Векторный и тензорный анализ» используется два вида самостоятельной работы:

- аудиторная;
- внеаудиторная.

К основным аудиторным видам относятся:

- Активная работа на лекциях
- Активная работа на практических занятиях
- Контрольно-обучающие программы тестирования (КОПТ).

- Выполнение контрольных работ.

Внеаудиторная работа проводится в следующих видах:

- Проработка лекционного материала,
- Подготовка к практическим занятиям,
- Подготовка к аудиторным контрольным работам,
- Выполнение ИДЗ,
- Подготовка к защите ИДЗ,
- Подготовка к зачету, экзамену.

**4.1. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине «Векторный и тензорный анализ» включает в себя: Таблица 6**

| № п/п | Объем СРС в ч. | Тема СРС  | Форма и вид СРС                            | Форма контроля |
|-------|----------------|---|--|----------------|
| 1     | 2              | Векторные и скалярные величины.   | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 2     | 2              | Сложение векторов. Коммутативность и ассоциативность сложения. Противоположный вектор. Правила сложения векторов. | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 3     | 2              | Умножение вектора на скаляр (число).  | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 4     | 2              | Декартова система координат.  | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 5     | 2              | Скалярное произведение векторов. Скалярное произведение векторов в координатной форме.                            | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 6     | 2              | Векторное произведение векторов.  | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 7     | 2              | Проекция вектора на ось.  | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 8     | 2              | Разложение вектора по двум и трем векторам.   | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 9     | 2              | Линейная независимость и линейная зависимость векторов.   | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 10    | 2              | Смежное произведение трех векторов. Взаимные базисы векторов.   | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 11    | 2              | Ковариантные и контравариантные составляющие вектора.   | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 12    | 2              | Аффинное пространство.  | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |
| 13    | 4              | Базис в аффинном пространстве.  | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы  |

|            |   |   |  |               |
|------------|---|---|--|---------------|
| 14         | 4 | Аффинный репер, преобразование репера.      | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы |
| 15         | 4 | Понятие тензора. Компоненты тензоров.       | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы |
| 16         | 4 | Законы преобразования компонентного тензора | Письменное решение упражнений и задач. ИДЗ | Защита работы |
| Итого 40 ч |   |   |  |               |

#### **4.2. Характеристика заданий для самостоятельной работы обучающихся и методические рекомендации по их выполнению**

Самостоятельная работа является одним из видов учебной деятельности обучающихся, способствует развитию самостоятельности, ответственности и организованности, творческого подхода к решению проблем учебного и профессионального уровня.

Самостоятельная работа проводится с целью:

- систематизации и закрепления полученных теоретических знаний и практических умений обучающихся;
- углубления и расширения теоретических знаний;
- формирования умений использовать нормативную, правовую, справочную документацию и специальную литературу;
- развития познавательных способностей и активности обучающихся: творческой инициативы, ответственности и организованности;
- формирования самостоятельности мышления, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развития исследовательских умений.

Образовательное учреждение самостоятельно планирует объем внеаудиторной самостоятельной работы по каждой учебной дисциплине и профессиональному модулю, исходя из объемов максимальной и обязательной учебной нагрузки обучающегося.

Аудиторная самостоятельная работа по учебной дисциплине и профессиональному модулю выполняется на учебных занятиях под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию.

Внеаудиторная самостоятельная работа выполняется по заданию преподавателя без его непосредственного участия.

Объем времени, отведенный на внеаудиторную самостоятельную работу, находит отражение:

- в учебном плане, в целом по теоретическому обучению, по циклам, дисциплинам, по профессиональным модулям и входящим в их состав междисциплинарным курсам;
- в программах учебных дисциплин и профессиональных модулей с

распределением по разделам или темам.

#### **4.3. Требования к предоставлению и оформлению результатов самостоятельной работы**

Методические указания к выполнению реферата:

- Тема реферата;
- Цель реферата: привить обучающимся навыки самостоятельного исследования той или иной проблемы естествознания.
- Исходные требования. Выбор темы реферата определяется обучающимися самостоятельно в соответствии с «Перечнем тем рефератов» и утверждается преподавателем профессионального модуля.

Перечень тем реферата периодически обновляется и дополняется.

Обучающиеся вправе самостоятельно выбрать любую тему реферата. При написании доклада по заданной теме следует составить план,

подобрать основные источники. Работая с источниками, следует систематизировать полученные сведения, сделать выводы и обобщения. К докладу по крупной теме привлекается несколько студентов, между которыми распределяются темы для выступления. В учебных заведениях доклады содержательно практически ничем не отличаются от рефератов и являются зачётной работой. Реферат – краткое изложение в письменном виде или в форме публичного доклада содержания научного труда или трудов, обзор литературы по теме. Это самостоятельная научно-исследовательская работа студента, в которой раскрывается суть исследуемой проблемы. Изложение материала носит проблемно-тематический характер, показываются различные точки зрения, а также собственные взгляды автора на проблему.

Содержание реферата должно быть логичным. Объём реферата, как правило, от 5 до 10 страниц от руки. Темы реферата разрабатывает преподаватель, ведущий данную дисциплину. Перед началом работы над рефератом следует наметить план и подобрать литературу. Прежде всего, следует пользоваться литературой, рекомендованной учебной программой, а затем расширить список источников, включая и использование специальных журналов, где имеется новейшая научная информация.

Структура реферата:

- Титульный лист.
- Оглавление.
- Введение (дается постановка вопроса, объясняется выбор темы, её значимость и актуальность, указываются цель и задачи реферата, даётся характеристика используемой литературы).

#### **4.4. Критерии оценки выполнения самостоятельной работы по дисциплине «Векторный и тензорный анализ»**

Критериями для оценки самостоятельной работы могут служить:

- точность ответа на поставленный вопрос;
  - формулировка целей и задач работы;
  - раскрытие (определение) рассматриваемого понятия (определения, проблемы, термина);
  - четкость структуры работы;
  - самостоятельность, логичность изложения;
  - наличие выводов, сделанных самостоятельно.
- 

## **5. СПИСОК УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1. Основная литература**

1. Потапов, А. П. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: учебник и практикум для прикладного бакалавриата / А. П. Потапов. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 309 с.
2. Х.Д. Дадаматов, А. Тоиров. Физика. Том 6. Физика атома и ядра. — [Текст]. Душанбе: изд. «Илм». — 2019
3. Мусин, Ю. Р. Тензорный анализ. Вводный курс с приложениями к анализу и геометрии [Электронный ресурс]: учебное пособие для академического бакалавриата / Ю. Р. Мусин. — 2-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 184 с.
4. Фоменко, Т. Н. Высшая математика. Общая алгебра. Элементы тензорной алгебры [Электронный ресурс]: учебник и практикум для академического бакалавриата / Т. Н. Фоменко. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 121 с.

### **5.2. Дополнительная литература**

1. Гордиенко А.Б., Золотарев М.Л., Кравченко Н.Г. Основы векторного и тензорного анализа: учебное пособие. Томск: из-во ТГПУ, 2009. – 132 с.
2. Журавлев Ю.Н., Кравченко Н.Г. Введение в теорию симметрии: учебно-методическое пособие / ГОУ ВПО «Кемеровский государственный университет». – Кемерово: Кузбассвузиздат, 2008. – 96 с.
3. Гордиенко А.Б., Золотарев М.Л., Полягалов Ю.И. Основы векторного и тензорного анализа. Ч.1. Векторная алгебра. Методические указания для самостоятельной работы студентов. Кемерово, КемГУ, 1996
4. Аюпова Н.Б. Лекции по векторному и тензорному анализу. Учебное пособие. — Новосибирск: Новосибирский государственный университет, 2012. — 94 с.

**3 Нормативно-правовые материалы (по мере необходимости)**  
**Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети**

**ЭЛЕКТРОННО-БИБЛИОТЕЧНЫЕ СИСТЕМЫ**

1. ЭБС «Издательство Лань» [Электронный ресурс]: электронная библиотечная система / ООО «Издательство Лань». – Режим доступа <https://e.lanbook.com/>;
2. ЭБС «Электронная библиотечная система ЮРАЙТ» [Электронный ресурс]: электронная библиотечная система / ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ». – Режим доступа <https://biblio-online.ru/>;

### **Интернет**

1. <http://mirknig.com>.
2. <http://www.toehelp.ru>.
3. <http://e.lanbook.com>
4. <http://ibooks.ru>
5. <https://isu.bibliotech.ru>

## **6. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ**

Для понимания материала и качественного его усвоения рекомендуется следующая последовательность действий:

1. В течение недели выбрать время для работы с литературой по высшей и элементарной математике.

2. При подготовке к практическим занятиям следующего дня, необходимо сначала прочитать основные понятия и теоремы по теме домашнего задания. При выполнении упражнения или задачи нужно сначала понять, что требуется в задаче, какой теоретический материал нужно использовать, наметить план решения задачи. Если это не дало результатов, и Вы сделали задачу «по образцу» аудиторной задачи, или из методического пособия, нужно после решения такой задачи обдумать ход решения и попробовать решить аналогичную задачу самостоятельно.

Рекомендуется использовать текст лекций преподавателя (если он имеется), пользоваться рекомендациями по изучению дисциплины; использовать литературу, рекомендуемую составителями данной рабочей программы; использовать вопросы к зачету, примерные контрольные работы.

Перед работой с научными источниками студенту следует обратиться к основной учебной литературе – учебным пособиям и хрестоматиям. Это позволит ему сформировать общее представление о существе интересующего вопроса.

Системный подход к изучению предмета предусматривает не только тщательное чтение специальной литературы, но и обращение к дополнительным источникам – справочникам, энциклопедиям, словарям. Эти источники – важное подспорье в самостоятельной работе студента (СРС и НИРС), поскольку глубокое изучение именно их позволит студенту уверенно «распознавать», а затем самостоятельно оперировать научными категориями и понятиями, следовательно – освоить новейшую научную терминологию. Такого рода работа с литературой обеспечивает решение студентом

поставленной перед ним задачи (подготовка к практическому занятию, выполнение самостоятельной работы и т.д.).

## **7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

При проведении занятий по дисциплине «Векторный и тензорный анализ» используются как классические формы и методы обучения (лекции, практические занятия), так и активные методы обучения (контрольно-обучающие программы тестирования по всем разделам изучаемого материала, работа с ЭУК при подготовке к занятиям, контрольным работам и рейтингового контроля.). Применение любой формы обучения предполагает также использование новейших ИТ-обучающих технологий.

При проведении лекционных занятий по дисциплине «Аналитическая геометрия» целесообразно использовать мультимедийное презентационное оборудование, чтобы сделать более наглядными и понятными доказательства теорем, методики и алгоритмы решения задач и примеров, иллюстрирующих теоретические выводы и их прикладную направленность. Преподаватель использует компьютерные и мультимедийные средства обучения (презентации, содержащиеся в ЭУК), а также наглядно-иллюстрационные (в том числе раздаточные) материалы.

В Университете созданы специальные условия обучающихся с ограниченными возможностями здоровья - специальные учебники, учебные пособия и дидактические материалы, специальные технические средства обучения коллективного и индивидуального пользования, предоставление услуг ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь, проведение групповых и индивидуальных коррекционных занятий, обеспечение доступа в здания организаций и другие условия, без которых невозможно или затруднено освоение дисциплины обучающимися с ограниченными возможностями здоровья.

Обучающимся с ограниченными возможностями здоровья предоставляются бесплатно специальные учебники и учебные пособия, иная учебная литература, а также обеспечивается:

- наличие альтернативной версии официального сайта организации в сети "Интернет" для слабовидящих;
- присутствие ассистента, оказывающего обучающемуся необходимую помощь;
- обеспечение выпуска альтернативных форматов печатных материалов (крупный шрифт или аудиофайлы);

возможность беспрепятственного доступа обучающихся в учебные помещения, столовые, туалетные и другие помещения организации, а также пребывания в указанных помещениях (наличие пандусов, поручней, расширенных дверных проёмов, лифтов).

## **8. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ**

*Форма итоговой аттестации: 2 семестр – зачет.*

### **Итоговая система оценок по кредитно-рейтинговой системе с использованием буквенных символов**

| <b>Оценка по буквенной системе</b> | <b>Диапазон соответствующих наборных баллов</b> | <b>Численное выражение оценочного балла</b> | <b>Оценка по традиционной системе</b> |
|------------------------------------|---|---|---------------------------------------|
| <b>A</b>                           | 10  | 95-100                                      | Отлично                               |
| <b>A-</b>                          | 9   | 90-94                                       |                                       |
| <b>B+</b>                          | 8   | 85-89                                       | Хорошо                                |
| <b>B</b>                           | 7   | 80-84                                       |                                       |
| <b>B-</b>                          | 6   | 75-79                                       | Удовлетворительно                     |
| <b>C+</b>                          | 5   | 70-74                                       |                                       |
| <b>C</b>                           | 4   | 65-69                                       | Удовлетворительно                     |
| <b>C-</b>                          | 3   | 60-64                                       |                                       |
| <b>D+</b>                          | 2   | 55-59                                       | Неудовлетворительно                   |
| <b>D</b>                           | 1   | 50-54                                       |                                       |
| <b>Fx</b>                          | 0   | 45-49                                       | Неудовлетворительно                   |

*Содержание текущего контроля, промежуточной аттестации, итогового контроля раскрываются в фонде оценочных средств, предназначенных для проверки соответствия уровня подготовки по дисциплине требованиям ФГОС ВО.*

*ФОС по дисциплине является логическим продолжением рабочей программы учебной дисциплины. ФОС по дисциплине прилагается.*